

# Programma del corso

---

□ *Introduzione agli algoritmi*

## ■ ***Rappresentazione delle Informazioni***

□ *Architettura del calcolatore*

□ *Reti di Calcolatori (Reti Locali, Internet)*

□ *Elementi di Programmazione*

---

# Codifica dell'informazione

---

- Il calcolatore memorizza ed elabora vari tipi di informazioni
    - Numeri, testi, immagini, suoni
  - Occorre rappresentare tale informazione in formato facilmente manipolabile dall'elaboratore
-

# Rappresentazione delle informazioni

---



## Idea di fondo

- usare presenza/assenza di carica elettrica
- usare passaggio/non passaggio di corrente

Usiamo cioè una rappresentazione binaria (a due valori) dell'informazione

L'unità minimale di rappresentazione è il **BIT** (**BI**nary **digiT** - cifra digitale): **0** o **1**

---

# Informazioni complesse

---

Con 1 bit rappresentiamo solo 2 diverse informazioni:

**si/no - on/off - 0/1**

Mettendo insieme più bit possiamo rappresentare più informazioni:

**00 / 01 / 10 / 11**

**Informazioni complesse si memorizzano come sequenze di bit**

---

# Informazioni complesse

---

- Per codificare i nomi delle 4 stagioni bastano 2 bit
  
  - Ad esempio:
    - **0 0** per rappresentare **Inverno**
    - **0 1** per rappresentare **Primavera**
    - **1 0** per rappresentare **Estate**
    - **1 1** per rappresentare **Autunno**
  
  - Quanti bit per codificare i nomi dei giorni della settimana?
-

# Informazioni complesse

---

In generale, con **N** bit, ognuno dei quali può assumere **2** valori, possiamo rappresentare  **$2^N$**  informazioni diverse (**tutte le possibili combinazioni di 0 e 1 su N posizioni**)

viceversa

Per rappresentare **M** informazioni dobbiamo usare **N** bit, in modo che  **$2^N \geq M$**

---

# Esempio

---

Per rappresentare **57** informazioni diverse:

**5** bit non bastano, poiché  $2^5 = 32 < 57$

**6** bit invece bastano:  $2^6 = 64 > 57$

Cioè un gruppo di 6 bit può assumere

64 configurazioni diverse:

000000 / 000001 / 000010 ... / 111110 / 111111

# Il Byte

---

□ Una sequenza di **8 bit** viene chiamata **Byte**

■ 0 0 0 0 0 0 0 0

■ 0 0 0 0 0 0 0 1

■ .....

**byte = 8 bit =  $2^8$  = 256 informazioni diverse**

Usato come unità di misura per indicare

■ le dimensioni della memoria

■ la velocità di trasmissione

Usando sequenze di byte (e quindi di bit) si possono rappresentare caratteri, numeri immagini, suoni.

---



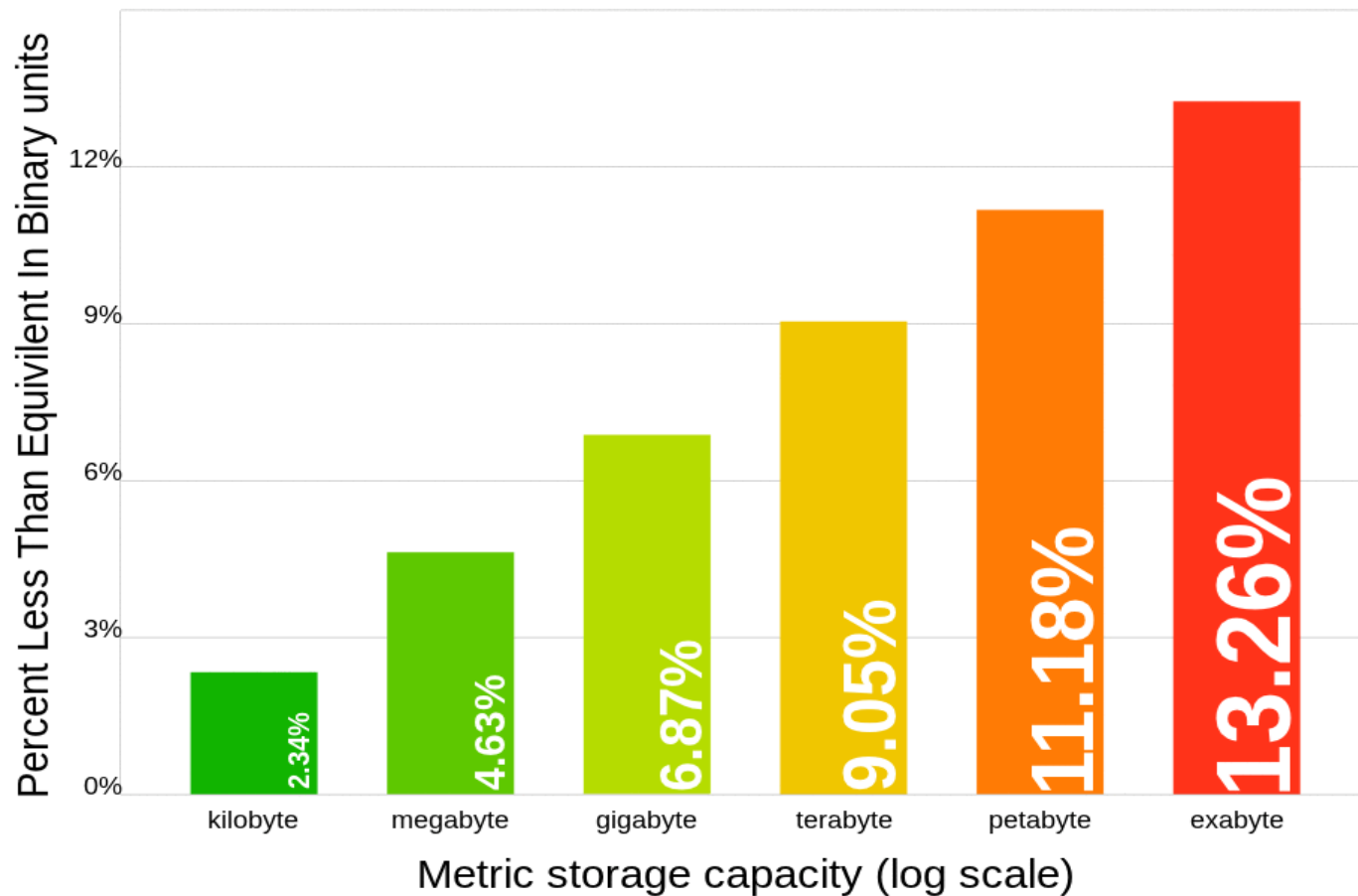
# Altre unità di misura

---

- ❑ KiloByte (**KB**), MegaByte (**MB**), GigaByte (**GB**)
  - ❑ Per ragioni storiche in informatica Kilo, Mega, e Giga indicano però le **potenze di 2** che più si avvicinano alle corrispondenti potenze di 10
  - ❑ Sistema SI: 1 Kilobyte = 1000 byte
  - ❑ Sistema IEC: 1 “Kilo”byte (detto *Kibibyte* = 1024 byte)
  
  - ❑ Più precisamente (sistema IEC)
    - 1 KiB = 1024 x 1 byte =  $2^{10} \sim 10^3$  byte
    - 1 MiB = 1024 x 1 KiB =  $2^{20} \sim 10^6$  byte
    - 1 GiB = 1024 x 1 MiB =  $2^{30} \sim 10^9$  byte
  
  - ❑ Normalmente il sistema IEC è usato come unità di misura per la capacità della memoria di un elaboratore.
  - ❑ Normalmente il sistema SI è usato come unità di misura per le capacità degli hard disk (purtroppo non da tanti sistemi operativi).
-

# Discrepanza SI/IEC

## Comparison of Decimal and Binary Units



# Il sistema decimale

---

- 10 cifre di base: 0, 1, 2, ..., 9
- **Notazione posizionale:** la posizione di una cifra in un numero indica il suo **peso** in potenze di **10**. I pesi sono:
  - unità =  $10^0 = 1$  (posiz. 0-esima)
  - decine =  $10^1 = 10$  (posiz. 1-esima)
  - centinaia =  $10^2 = 100$  (posiz. 2-esima)
  - migliaia =  $10^3 = 1000$  (posiz. 3-esima)
  - ... .. .. .. .. .. ..

# Esempio: numero rappresentato in notazione decimale

---

Il **numerale** 2304 in notazione decimale (o in base 10) rappresenta la quantità:

$$2304_{10} = 2*10^3 + 3*10^2 + 0*10^1 + 4*10^0 =$$

$$2000 + 300 + 0 + 4 = 2304_{10} \text{ (**numero**)}$$

Nota: la notazione del numero e il numerale qui coincidono, perché il sistema decimale e quello adottato come sistema di riferimento.

---

# Il sistema binario

---

- 2 Cifre di base: 0 e 1.
  - **Notazione posizionale:** la posizione di una cifra in un numero binario indica il suo **peso** in potenze di **2**. I pesi sono:
    - $2^0 = 1$  (posiz. 0-esima)
    - $2^1 = 2$  (posiz. 1-esima)
    - $2^2 = 4$  (posiz. 2-esima)
    - $2^3=8; 2^4=16; 2^5=32; 2^6=64; 2^7=128; 2^8=256; 2^9=512; 2^{10} = 1024; 2^{11}=2048, 2^{12}=4096; \dots$
-

# Esempio di numero rappresentato in notazione binaria

---

Il **numerale** 10100101 in notazione binaria (o in base 2) rappresenta la quantità:

$$10100101_2 =$$

$$1*2^7 + 0*2^6 + 1*2^5 + 0*2^4 + 0*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 1*2^0 =$$

$$128 + 0 + 32 + 0 + 0 + 4 + 0 + 1 =$$

$$165_{10} \text{ (**numero**)}$$

---

# Il numero più grande rappresentato con **N** cifre

---

- Sist. Decimale =  $99\dots99_{10} = (10^N - 1)_{10}$
- Sist. Binario =  $11\dots11_2 = (2^N - 1)_{10}$
- **Esempio:**  $11111111_2$  (8 bit binari) =  $(2^8 - 1)_{10} = 255_{10}$ .

Per rappresentare il numero  $256_{10}$  ci vuole un bit in più:

$$100000000_2 = (1 * 2^8)_{10} = 256_{10}.$$

---

# Quindi...

---

Fissate quante cifre (bit) sono usate per rappresentare i numeri, si fissa anche il numero più grande che si può rappresentare:

■ con 16 bit:  $(2^{16} - 1)_{10} = 65\,535_{10}$

■ con 32 bit:  $(2^{32} - 1)_{10} = 4\,294\,967\,295_{10}$

■ con 64 bit:  $(2^{64} - 1)_{10} = \text{circa } (1,84 * 10^{19})_{10}$

---



# Conversione da base 2 a base 10

---

Basta moltiplicare ogni bit per il suo peso e sommare il tutto:

**Esempio:**

$$10100_2 =$$

$$(1*2^4 + 0*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 0*2^0)_{10} =$$

$$(16 + 4)_{10} = 20_{10}$$

la conversione e' una **somma di potenze**

(N.B. se il numero binario termina per 1 e' dispari altrimenti e' pari).

---

# Conversione da base 10 a base 2

---

- Dividere il numero per 2 ripetutamente finché il risultato non è 0
- Scrivere i resti in ordine inverso.

**Esempio:** conversione del numero  $12_{10}$

Divisioni:  $12/2=6$ ;  $6/2=3$ ;  $3/2=1$ ;  $1/2=0$

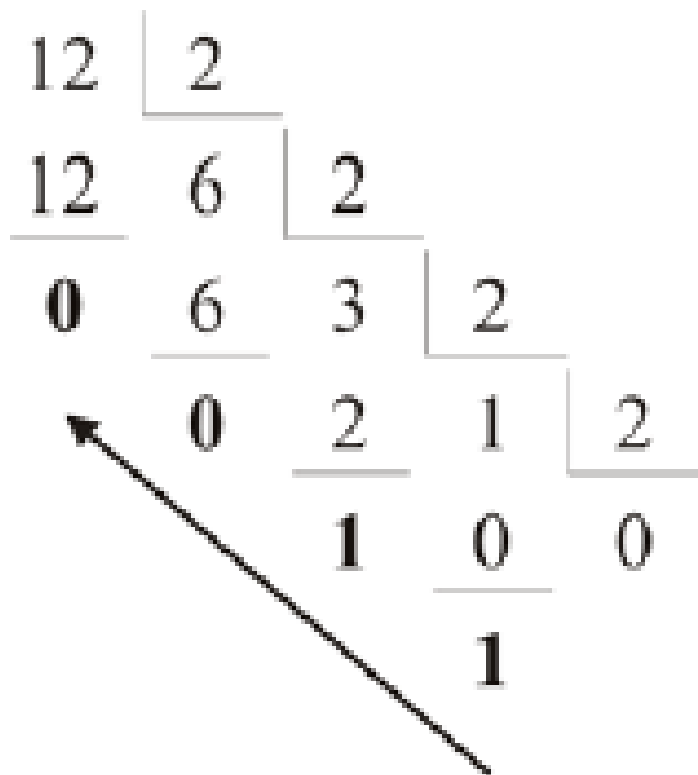
Resti:            0            0            1            1

$$12_{10} = 1100_2$$

---

# Conversione da base 10 a base 2

---



# Esistono anche altre basi di numerazione

## □ CODICE OTTALE (base 8)

■ cifre: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7

■  $10_8 = (1*8^1 + 0*8^0) = 8_{10}$ ;  $11_8 = 9_{10}$ ;  $21_8 = 17_{10}$

## □ CODICE ESADECIMALE (base 16)

■ cifre: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

■  $10_{16} = 16_{10}$ ;  $B_{16} = 11_{10}$ ;

$2B_{16} = (2*16^1 + B*16^0)_{10} = (32 + 11)_{10} = 43_{10}$

# Rappresentazione di numeri positivi e negativi

---

Fino ad adesso abbiamo rappresentato solo numeri positivi! Per rappresentare anche numeri negativi, ci sono metodi vari:

- Segno e grandezza
  - Complemento a 2
-

# Rappresentazione di numeri positivi e negativi: **Segno e grandezza**

---

- Il bit più a sinistra rappresenta il segno del numero:

$0 \rightarrow '+'$   $1 \rightarrow '-'$

$$1101_{SG} = -5_{10}$$

- E' indispensabile indicare il numero **N** di bit utilizzati:

- **1** bit per il segno e **N-1** bit per il valore assoluto

- Con un byte possiamo rappresentare tutti i numeri compresi tra

$$+127_{10} (01111111_2) \text{ e } -127_{10} (11111111_2)$$

- In generale con **N** bit si rappresentano i valori da

$$(-2^{N-1} - 1)_{10} \quad \text{a} \quad (+2^{N-1} - 1)_{10}$$

---

# Segno e grandezza: Vantaggi e svantaggi

---

Vantaggi:

- Conversione semplice

Svantaggi:

- Due valori per 0
  - Addizione non “automatica”
  - Numeri negativi “più grandi” di numeri positivi
-

# Rappresentazione di numeri positivi e negativi: **Complemento a 2**

---

- Se  $N$  sono i bit a disposizione e  $x$  il numero (positivo o negativo, tra  $-(2^{N-1})$  e  $+(2^{N-1} - 1)$ ) da rappresentare, si utilizza il valore binario pari a

$$2^N + x$$

scartando un eventuale  $N+1$ -esimo bit.

Esempio con 4 bit

$$+7_{10} \Rightarrow (2^4 + 7)_{10} = (16 + 7)_{10} = 23_{10} = \underline{10111}_2 \xrightarrow{\text{da scartare}} 0111$$

$$-7_{10} \Rightarrow (2^4 - 7)_{10} = (16 - 7)_{10} = 9_{10} = 1001_2 \Rightarrow 1001$$

---



# Rappresentazione di numeri positivi e negativi: **Complemento a 2**

---

- In alternativa, per i numeri negativi si eseguono i seguenti passi:
  - Si rappresenta in binario il corrispondente numero positivo
  - Si invertono tutti i bit
  - Si aggiunge 1

Esempio con 4 bit:

$$-7 \Rightarrow +7_{10} = 0111_2 \xRightarrow{\text{Inversione dei bit}} (1000+1)_2 = 1001_2$$

---

# Rappresentazione di numeri positivi e negativi: **Complemento a 2**

---

- Ancora un'altro metodo:
  - Si rappresenta in binario il corrispondente numero positivo
  - Da destra, si copia tutte le 0 e il primo 1
  - Dopo il primo 1 si invertono tutti i bit

Esempio con 4 bit:

$$-6 \Rightarrow +6_{10} = 0110_2 \Rightarrow 0110 \Rightarrow 1010$$

---

# Dal Complemento a 2 al Decimale

---

Moltiplicare ogni bit per il suo peso posizionale, il bit più a sinistra anche con -1, sommare il tutto:

## Esempi con complemento a due a 4 Bit:

$$0111_{C2} = (0*(-1)*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 1*2^0)_{10} = (4 + 2 + 1)_{10} = +7$$

$$1001_{C2} = (1*(-1)*2^3 + 0*2^2 + 0*2^1 + 1*2^0)_{10} = (-8 + 1)_{10} = -7$$

---

# Addizione di Numeri al Complemento di 2

---

- ❑ Tramite l'addizione normale a base di 2!
- ❑ Con N bit, eventuali N+1-esimi bit nel risultati sono scartati
- ❑ Il segno viene determinato “automaticamente”.
- ❑ Esempio: 15 + -5 (utilizzando 8 bit)

1 1 1 1 1 1 1 1 (riporto)

0000 1111      ⇨ 15<sub>10</sub>

1111 1011      ⇨ -5<sub>10</sub>

=====

1 0000 1010      ⇨ 0000 1010 ⇨ 10<sub>10</sub>

8+1-esimo bit viene scartato

---

# Complemento a due: Vantaggi e svantaggi

---

Vantaggi:

- Addizione “automatica”
- Un solo valore per 0
- Ordine dei numeri mantenuto

Svantaggi:

- Conversione leggermente più complicata
-