

## 22. Le superfici quadriche. Equazioni parametriche di alcune quadriche

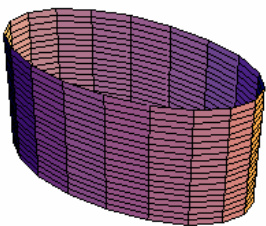
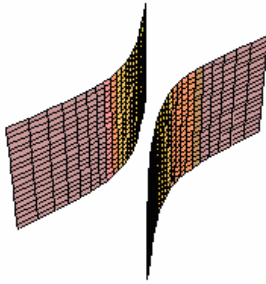
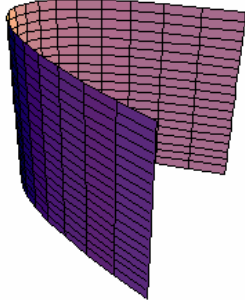
Si presentano le forme canoniche delle equazioni delle superfici di secondo ordine, o *quadriche*.

Si studiano le sezioni piane delle quadriche non specializzate; le curve sezioni sono delle coniche, eventualmente specializzate. Si riconosce l'esistenza di due famiglie di rette sulle quadriche "rigate" (iperboloide ad una falda, paraboloidi a sella). Se esiste un fascio improprio di piani che taglia una quadrica (che non sia una sfera) in circonferenze, allora la quadrica è detta "rotonda", perché può essere generata dalla rotazione di una conica intorno ad un suo asse.

Si ricavano equazioni parametriche di cilindri e sfere, introducendo così le coordinate cilindriche e le coordinate polari nello spazio.

Per i dettagli, vedere [testo], cap. 4, n. 5, E.5, E.6.

Le figure che seguono riproducono parti di cilindri (per i quali mancano illustrazioni in [testo])

Cilindro ellittico	Cilindro iperbolico	Cilindro parabolico
		
$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ $\begin{cases} x = a \cos t \\ y = b \sin t, \quad t, s \in \mathbb{R} \\ z = s \end{cases}$	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ $\begin{cases} x = \pm a \cosh t \\ y = b \sinh t, \quad t, s \in \mathbb{R} \\ z = s \end{cases}$	$y^2 = 2px$ $\begin{cases} x = \frac{t^2}{2p} \\ y = t, \quad t, s \in \mathbb{R} \\ z = s \end{cases}$

L'ultima figura mostra le superfici coordinate del sistema polare  $Orst$  nello spazio:

- i punti con coordinata  $r$  costante appartengono ad una sfera di centro  $O$  e raggio  $r$
- i punti di longitudine  $t$  costante appartengono ad un semipiano che ha come origine l'asse delle  $z$
- i punti di colatitudine  $s$  costante appartengono ad un semicono, di vertice  $O$ , generato dalle semirette che formano un angolo uguale a  $s$  con la semiretta positiva dell'asse  $z$ .

